

Задача А. Линейные уравнения

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Система линейных уравнений, как всем известно, есть множество уравнений

$$\begin{aligned}a_{11}x_1 + \dots + a_{1n}x_n &= b_1 \\&\dots \\a_{n1}x_1 + \dots + a_{nn}x_n &= b_n\end{aligned}$$

Ваша задача — решить её.

Формат входных данных

В первой строке входного файла записано целое число n ($1 \leq n \leq 20$). В следующих n строках записано по $n + 1$ целых чисел: $a_{i1}, \dots, a_{in}, b_i$. Все эти числа не превышают 100 по абсолютному значению.

Формат выходных данных

Первая строка выходного файла должна содержать одно из следующих сообщений:

- **impossible** — решений нет
- **infinity** — бесконечно много решений
- **single** — единственное решение. В этом случае вторая строка должна содержать n чисел $x_1, \dots, x_n$, разделенных пробелами. Решение должно быть выведено с точностью не менее трех знаков после десятичной точки.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
2 1 1 1 2 2 2	infinity
2 1 2 0 1 2 1	impossible
2 1 2 1 2 1 0	single -0.333333333 0.666666667

Задача В. Двоичный Гаусс

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дан набор из n битовых векторов размера n и еще один вектор. Получить этот вектор как хог исходных.

Формат входных данных

В первой строке записано число n ($1 \leq n \leq 300$). В следующих n строках записаны исходные вектора, в последней строке записан вектор, который нужно получить.

Формат выходных данных

Если решений нет, выведите **No solution**. Если решений несколько, выведите **Multiple solutions**. Если решение единственное, выведите номера векторов (вектора нумеруются с 0), которые нужно сложить, чтобы получить данный вектор. Номера выведите в порядке возрастания.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 100 111 101 010	1 2
3 100 111 011 010	No solution
3 111 010 101 000	Multiple solutions

Задача С. Добавление векторов

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

В изначально пустое множество один за другим добавляются m битовых векторов размера n . После добавления каждого скажите, можно ли его представить как хог векторов, добавленных до него.

Формат входных данных

В первой строке записаны числа n и m ($1 \leq n \leq 50$, $1 \leq m \leq 10000$). В следующих m строках записаны вектора.

Формат выходных данных

Для каждого вектора выведите 1, если его можно представить как хог предыдущих и 0 если нельзя.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
2 2 10 11	0 0
3 4 100 111 011 010	0 0 1 0
3 4 000 111 111 111	1 0 1 1

Задача D. Максимальный XOR

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дан набор из n чисел. Найдите максимальное число, которое можно получить как битовый XOR подмножества данных чисел.

Формат входных данных

В первой строке записано число n ($1 \leq n \leq 1000$). В следующих n строках записаны исходные числа a_i ($0 \leq a_i \leq 2^{63} - 1$).

Формат выходных данных

Выведите максимальное число, которое можно получить.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
2 1 2	3
3 6 2 8	14
3 15 3 8	15

Задача Е. Число возможных векторов

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дан набор из m битовых векторов размера n ($1 \leq n, m \leq 50$). Сколько различных векторов можно получить как хог этих векторов.

Формат входных данных

В первой строке записаны числа n и m . В следующих m строках записаны вектора.

Формат выходных данных

Выведите число векторов, которые можно получить

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
2 2 10 11	4
3 4 100 111 011 010	8
3 4 111 111 111 000	2

Задача F. Полные квадраты

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Множество целых положительных чисел будем называть *полноквадратным*, если произведение его элементов является полным квадратом (равно 1, 4, 9, 16, 25, 36, ...).

Задано множество A . Определите, сколько непустых подмножеств B множества A являются полноквадратными.

Формат входных данных

В первой строке записано целое число N — количество элементов множества ($1 \leq N \leq 100$). Во второй строке записаны N попарно различных чисел a_i — элементы множества ($1 \leq a_i \leq 10^9$).

Формат выходных данных

Выведите одно число — количество полноквадратных подмножеств по модулю 1 000 000 007.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
4 49 20 500 7	3

Задача G. Максимальный поток минимальной стоимости

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Задан ориентированный граф, каждое ребро которого обладает пропускной способностью и стоимостью. Найдите максимальный поток минимальной стоимости из вершины с номером 1 в вершину с номером n .

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит n и m — количество вершин и количество ребер графа ($2 \leq n \leq 100$, $0 \leq m \leq 1000$). Следующие m строк содержат по четыре целых числа: номера вершин, которые соединяет соответствующее ребро графа, его пропускную способность и его стоимость. Пропускные способности и стоимости неотрицательны и не превосходят 10^5 .

Формат выходных данных

В выходной файл выведите одно число — цену максимального потока минимальной стоимости из вершины с номером 1 в вершину с номером n . Ответ не превышает $2^{63} - 1$.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
4 5 1 2 1 2 1 3 2 2 3 2 1 1 2 4 2 1 3 4 2 3	12

Задача Н. Задача о назначениях

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1.5 секунд
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дана целочисленная матрица C размера $n \times n$. Требуется выбрать n ячеек так, чтобы в каждой строке и каждом столбце была выбрана ровно одна ячейка, а сумма значений в выбранных ячейках была минимальна.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит n ($2 \leq n \leq 300$). Каждая из последующих n строк содержит по n чисел: C_{ij} . Все значения во входном файле неотрицательны и не превосходят 10^6 .

Формат выходных данных

В первую строку выходного файла выведите одно число — искомая минимизируемая величина. Далее выведите n строк по два числа в каждой — номер строки и столбца клетки, участвующей в оптимальном назначении.

Пары чисел можно выводить в произвольном порядке.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3	3
3 2 1	2 1
1 3 2	3 2
2 1 3	1 3

Замечание

Обратите внимание, что эту задачу можно сдать с помощью алгоритма за $O(n^3)$, без использования Венгерского алгоритма, а используя только максимальный поток минимальной стоимости.

Задача I. Расшифровка

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Недавно на уроке во время контрольной Мария Ивановна перехватила записку от Саши к Оле. Мария Ивановна очень хочет знать, что в записке, но, к сожалению, записка зашифрована. Мария Ивановна знает, что её ученики для шифровки заменяют каждую букву исходного сообщения на какую-то другую. Замена происходит таким образом, что одинаковые буквы всегда заменяются одной и той же буквой, а разные — разными.

Мария Ивановна подозревает, что записка — это ответы к контрольному тесту (ведь её длина случайно оказалась равной длине строки с правильными ответами). Однако она знает, что ответы Саши не обязательно полностью правильны. На каждый вопрос возможен один из K вариантов ответа. Естественно, Мария Ивановна знает правильные ответы.

Мария Ивановна решила расшифровать записку таким способом, чтобы максимизировать количество правильных ответов Саши. Однако, она очень занята, поэтому попросила Вас помочь ей в этом пустяковом деле.

Формат входных данных

В первой строке задана длина каждой из строк N ($1 \leq N \leq 2\,000\,000$) и K — количество возможных ответов на каждый вопрос ($1 \leq K \leq 52$). Ответы нумеруются в порядке `abcde...xyzABCDE...XYZ`. То есть, при $K = 6$ возможные ответы выглядят как `abcdef`, а при $K = 30$ — `abcde...xyzABCD`.

Во второй строке задана зашифрованная записка — строка, состоящая из строчных и заглавных латинских букв.

В третьей строке заданы правильные ответы — строка той же длины, что и первая, состоящая из строчных и заглавных латинских букв.

Формат выходных данных

В первой строке выведите единственное число — максимально возможное количество правильных ответов у Саши.

Во второй строке выведите расшифровку — строчку длины K , где по порядку для каждой буквы из шифра учеников указано, какому ответу она соответствует.

Если несколько расшифровок дают правильный ответ, выведите любую.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
10 2 aaabbbbaab bbbbabbbbb	7 ba
10 2 aaaaaaabbb bbbbaabbb	6 ab
9 4 dacbdacbd acbdacbda	9 cdba

Задача J. Автоматное программирование

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	5 секунд
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

В один замечательный день в компанию «X» завезли k автоматов. И не простых автоматов, а автоматов-программистов! Это был последний неудачный шаг перед переходом на андроидов-программистов, но это уже совсем другая история.

В компании сейчас n задач, для каждой из которых известно время начала ее выполнения s_i , длительность ее выполнения t_i и прибыль компании от ее завершения c_i . Любой автомат может выполнять любую задачу, ровно одну в один момент времени. Если автомат начал выполнять задачу, то он занят все моменты времени с s_i по $s_i + t_i - 1$ включительно и не может переключиться на другую задачу.

Вам требуется выбрать набор задач, которые можно выполнить с помощью этих k автоматов и который принесет максимальную суммарную прибыль.

Формат входных данных

В первой строке записаны два целых числа n и k ($1 \leq n \leq 1000$, $1 \leq k \leq 50$) — количество задач и количество автоматов, соответственно.

В следующих n строках через пробелы записаны тройки целых чисел s_i, t_i, c_i ($1 \leq s_i, t_i \leq 10^9$, $1 \leq c_i \leq 10^6$), s_i — время начала выполнения i -го задания, t_i — длительность i -го задания, а c_i — прибыль от его выполнения.

Формат выходных данных

Выведите n целых чисел $x_1, x_2, \dots, x_n$. Число x_i должно быть равно 1, если задачу i следует выполнить, и 0 в противном случае.

Если оптимальных решений несколько, то выведите любое из них.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 1 2 7 5 1 3 3 4 1 3	0 1 1
5 2 1 5 4 1 4 5 1 3 2 4 1 2 5 6 1	1 1 0 0 1